文章编号:1673-5005(2009)02-0058-05

V系统在随钻声波测井数据降噪中的应用

肖红兵1,2,杨锦舟2,鞠晓东1,乔文孝1

(1. 中国石油大学 油气资源与探测国家重点实验室,北京 102249;2. 胜利油田 钻井工艺研究院,山东 东营 257017)

摘要:针对随钻声波测井过程中各种噪声干扰造成声波信号失真的问题,提出了使用线性 V 系统的降噪方法。首 先,通过 V 系统变换将声波测井信号变换到频率域,然后去除其高频分量,再通过 V 系统反变换获得降噪后的信号。 由于 V 系统是在 L₂[0,1]空间上的分段线性完备正交函数系,并且具有多分辨性质,所以 V 系统降噪相比经典的小 波降噪有更好的效果。试验结果表明,该方法能够获得较好的降噪信号。

关键词:随钻声波测井; V 系统; 降噪

中图分类号:P631.83 文献标识码:A

Application of V-system in acoustic logging while drilling data denoising

XIAO Hong-bing^{1,2}, YANG Jin-zhou², JU Xiao-dong¹, QIAO Wen-xiao¹

State Key Laboratory of Petroleum Resource and Prospecting in China University of Petroleum, Beijing 102249, China;
 Drilling Technology Research Institute, Shengli Oilfield, Dongying 257017, China)

Abstract: For acoustic signal distortion problems caused by a variety of noises in acoustic logging while drilling (LWD), a denoising method by using a linear V-system was proposed. First, acoustic logging signals are transformed to frequency domain by V-system, and its high-frequency components are removed, then the signals after noise reduction are reconstructed by the inverse V-system transform. V-system is a class of complete orthogonal function system on $L_2[0, 1]$, and it is multi-resolution. So the linear discrete V-system transform (DVT) is better than traditional wavelet transform. The test results show that relatively good denoising signals can be obtained by linear DVT.

Key words: acoustic logging while drilling; V-system; denoising

随钻声波测井技术是进行地层对比、地层评价 以及储层描述的有效手段之一,可以在钻井的同时 测量地层的纵、横波波速,不仅可提供地层孔隙度、 通过实时地层压力预测提高钻井安全系数、通过与 地震资料结合降低地球物理勘探风险和提高地质导 向效率,还能进行岩石机械特性分析及钻井事故预 测。但是,噪声是影响随钻声波测井信息获取的一 个重要因素,噪声的干扰,极大地影响了随钻声波信 号的质量,进而影响到测井解释的正确度。因此,降 噪是随钻声波测井信号处理的一个重要任务,其目 的是提高测量信号质量,突出测量信号特征。笔者 提出一种以新型多小波——V 系统函数系^[1-7]为基 础的随钻声波测井曲线降噪算法,该方法使用 V 系 统函数将测井曲线进行分解,在去掉高频分量后,再 重构获得可用信噪比的测井曲线。

1 随钻声波测井中噪声的发生机理

随钻声波测井中,对采集的声波信号产生影响 的噪声源主要有两大类:一个是井下钻井环境产生 的噪声,另一个是电子器件产生的电子噪声。

文献[8]中研究了钻井环境对井下声波信息测量的影响。在钻井环境中,钻头、井底钻具组合、井内 流动的泥浆都是噪声源,这些噪声在相干性、能量、延迟、频率、衰减特征等方面都表现出独特的特性。但

收稿日期:2008-09-20

基金项目:国家自然科学基金重点项目(10534040);国家自然科学基金面上项目(40574049 和 40874097);高等学校博士学科点专项科研 基金项目(20070425028)

作者简介:肖红兵(1968-),男(汉族),甘肃金塔人,高级工程师,博士研究生,主要从事随钻测井仪器研究工作。

是,这类钻井噪声的主要成分的频率都很低,频率范 围为1~4 kHz,钻井噪声的上限频率取舍点为3~4 kHz。文献[8]中还指出使用频率范围为5~25 kHz 的带通滤波器,就可以去掉钻井环境产生的噪声。

在随钻声波测井仪器中,电子器件中电阻及各种导体都会在分子热运动的影响下产生热噪声,同时存在由于电子发射不均匀等产生散弹噪声。这是由自由电子作不规则运动所形成的,产生的噪声在频域上不存在信号能量突然变大的频带,在时域上也找不到信号能量突然变大的时间段,因此在频域和时域上的分布是一致的,是一种白噪声。标准白噪声的均值为零,方差为一常数。其产生原理跟电缆声波测井是相同的。被这种白噪声污染的声波信号,既不能在某个频带上修改,又不能在时域上某个时刻修改,因为噪声的频带很宽,几乎占据了整个频域,使得与声波信号重叠,无法区分有用信号和噪声,因此一般的降噪方法很难达到令人满意的效果。

2 小波降噪技术

近年来,小波分析技术得到了快速发展,被誉为 "数学显微镜"。小波分析理论具有独特的时频多 尺度分析能力,因而成为信号处理等许多学科的经 典数学工具,也是信号降噪的一种重要手段。小波 变换作为一种多尺度信号分析方法克服了傅里叶变 换固定分辨率的弱点,既可分析信号概貌,又可分析 信号的细节,使得利用小波变换进行信息降噪成为 热点课题^[8-11]。

一个含噪声的一维信号的模型可表示为 $S_n(i) = S(i) + \sigma e(i), i = 0, 1, 2, ..., N - 1.$ (1) 式中,S(i) 为真实信号;e(i) 为噪声; σ 为噪声信号 的系数; $S_n(i)$ 为含噪信号。

基于小波变换的降噪方法是利用小波变换中的 变尺度特性,对确定信号具有一种"集中"的能力。 而且,噪声在越大尺度下对小波系数的值影响越小。

在实际工程中,信号经小波变换后,噪声通常表 现为高频信号,而有用信号通常表现为低频信号,所 以消噪过程可按以下方法进行处理:首先对实际信 号进行小波分解,选择小波并确定分解层次为 N;然 后对小波分解的高频系数进行门限阈值量化处理; 最后根据小波分解的第 N 层低频系数和经过量化后 的1 ~ N 层高频系数进行小波重构,达到消除噪声 的目的,即抑制信号的噪声,在实际信号中恢复真实 信号^[9:13]。

3 线性 V 系统及其多分辨特性

文献[1] 中构造了 L₂[0,1] 空间上的一类正交 完备函数系,命名为"k 次 V 系统"。这是一类多小 波,由分段多项式构成,结构简单,且有多分辨的特, 性,有详细简明的数学表达式。其中0 次 V 系统就是 著名的 Haar 函数系,因此,V 系统也可以看作是 Haar 函数系的推广。离散 V 变换(DVT) 是 V 系统离 散化之后得到的正交变换,在信号变换中与斜变换 和离散余弦变换(DCT) 相比更有优势^[1-7]。

k次 V 系统是 $L_2[0,1]$ 空间上的完备正交函数 系,是分组分类构造的。第1组由[0,1] 上前 k + 1 个 Legendre 多项式组成^[1],记为{ $V_{k,1}^{l}(x), V_{k,1}^{2}(x),$ …, $V_{k,1}^{k+1}(x)$ }。

第2组由 $k + 1 \land k$ 次生成元组成,记为 $\{V_{k,2}^{i}(x), V_{k,2}^{2}(x), \dots, V_{k,2}^{i+1}(x)\}$ 。这组生成元具有如下3 条性质^[1]:

① $V_{k,2}$ 是以 x = 1/2 为结点的分段 k 次多项式; ② $\langle V_{k,2}, V_{k,2} \rangle = \delta_{ij}, i, j \in \{1, 2, \dots, m\};$ ③ $\langle V_{k,2}^{i}, x^{j} \rangle = 0, j \in \{0, 1, \dots, k\}, i \in \{1, 2, \dots, m\}$ 。

第 n 组按如下方式构造:

$$\begin{cases} V_{k,n}^{i,j}(x) = \\ \left\{ \sqrt{2^{n-2}} V_{k,2}^{i} \left[2^{n-2} \left(x - \frac{j-1}{2^{n-2}} \right) \right], x \in \left(\frac{j-1}{2^{n-2}}, \frac{j}{2^{n-2}} \right), \\ 0, \text{ 其他}, \end{cases}$$

 $i = 1, 2, \dots, k+1, j = 1, 2, \dots, 2^{n-2}, n = 3, 4, 5, \dots$ $\mathfrak{M}[0, 1]$ 上的函数系:

第1组
$$V_{k,1}^{i}(x), V_{k,1}^{i}(x), \dots, V_{k,1}^{i+1}(x);$$

第2组 $V_{k,2}^{i}(x), V_{k,2}^{2}(x), \dots, V_{k,2}^{i+1}(x);$
第3组 $\begin{cases} V_{k,3}^{i,1}(x), V_{k,3}^{i,2}(x), ---- 第1 类, \\ V_{k,3}^{2,1}(x), V_{k,3}^{2,2}(x), ---- 第2 \chi, \\ \dots, \\ V_{k,3}^{i+1,1}(x), V_{k,3}^{i+1,2}(x), ----- 第k + 1 \chi; \end{cases}$
......
第n组.

$$\begin{cases} V_{k,n}^{1,1}(x), V_{k,n}^{1,2}(x), \cdots, V_{k,n}^{1,2^{n-2}}(x), & \longrightarrow \text{ } 1 \texttt{ X}, \\ V_{k,n}^{2,1}(x), V_{k,n}^{2,2}(x), \cdots, V_{k,n}^{2,2^{n-2}}(x), & \longrightarrow \text{ } 2 \texttt{ X}, \\ \cdots, \\ V_{k,n}^{k+1,1}(x), V_{k,n}^{k+1,2}(x), \cdots, V_{k,n}^{k+1,2^{n-2}}(x), & \longrightarrow \\ \text{ } \mathbf{ K} + \mathbf{ 1} \texttt{ X}; \end{cases}$$

称为 k 次 V 系统。分别取 k = 1,2 获得的 V 系统函数 系如图 1,2 所示。其中 1 次 V 系统函数系显示了前 16 个函数,2 次 V 系统函数系显示了前 24 个函数。









Fig. 2 2-degree V system

符号 $V_{k,n}^{i,j}$ 表示 k 次 V 系统中第 n 组第 i 类的第 j个函数, $k = 0,1,2,\dots;n = 3,4,\dots;i = 1,2,\dots,k + 1;j = 1,2,\dots,2^{n-2}$ 。 k = 1 时的 V 系统又称为线性 V 系统,本文中采 用的就是线性 V 系统。如图 1 所示,具体的表达式如 下。

第一组函数是由 [0,1] 区间上的前 2 个 Legendre 多项式组成(见图 1 前两条曲线):

 $V_{1,1}^{1}(x) = 1$, $V_{1,1}^{2}(x) = \sqrt{3}(1-2x)$, $0 \le x \le 1$.

第二组函数是由两个生成元构成(见图1第3,4 条曲线):

 $V_{1,n}^{2,j}(x) = \begin{cases} \sqrt{2^{n-2}}V_{1,2}^{2} \left[2^{n-2}\left(x-\frac{j-1}{2^{n-2}}\right)\right], x \in \left(\frac{j-1}{2^{n-2}}, \frac{j}{2^{n-2}}\right), \\ 0, \notin \mathbb{H}. \end{cases}$

 $n = 3, 4, \cdots, j = 1, 2, \cdots, 2^{n-2}.$

其中, Vⁱ₁,(x)表示线性 V 系统中第 n 组第 i 类的第 j 个函数, 是通过第 2 组函数压缩再复制得到的, 在这 个意义下说第 2 组的函数是生成元。图 1 其余的曲线 分别画出了第 3,4 组函数。

 $V_j \perp W_j, \quad V_0 \subset V_1 \subset V_2 \subset \cdots, \coprod \overline{\bigcup_{i \geq 0} V_j} = L^2[0,1].$

因此 V 系统具有多分辨特性^[7]。

4 基于 V 系统的随钻声波数据降噪

k 次 V 系统是 L₂[0,1] 空间上的正交完备函数 系,把函数 F 在 V 系统下的正交展开也称为函数 F 的 Fourier-V 级数。设 V^{*}是 k 次 V 系统依次排序的第 i 个函数,给定函数 F,则 F 的 Fourier-V 级数为

$$F \sim \sum_{i=0}^{\infty} b_i^k V_i^k.$$

其中 $b_i^t = \langle F, V_i^t \rangle = \int_0^t F(t) V_i^t(t) dt, i = 0, 1, 2, \cdots,$ 也称为函数 F 的谱。

Ⅴ系统的数据降噪就是使用Ⅴ系统对数字信号 进行Ⅴ系统级数展开,然后去掉高频分量,根据Ⅴ系 统的再生性,重构原数据。

因为数据是离散的,需要经过离散 V 变换来实现,离散 V 变换是 V 系统离散化之后得到的正交变换。从 V 系统的基函数得到离散 V 变换所对应的正 交矩阵 V_N(N 阶矩阵)的过程^[7]如下:

(1) 计算 k 次 V 系统中前 N 个基函数在[0,1] 区间的 2N 等分点处的函数值,得到一个 N 阶矩阵, 即采用基函数等间隔取点法得到一个 N 阶矩阵,一 般来说这个矩阵不一定是正交矩阵。

(2) 对上述 N 阶矩阵进行正交化,得到正交矩 阵 V_N。

本文中用到的 V₁₆ 详细表达^[7] 为

 $V_{16} = \begin{bmatrix} A_1 & A_3 & 0 & A_4 & 0 & A_5 & 0 & A_6 \end{bmatrix}$ 0 其中 r 0.2500 0.2500 0.2500 0.2500 0.2500 0.2500 − 0.2500 0.2500 0.2500 0.0271 0.4067 0.3525 0.2983 0.2440 0.1898 0.1356 0.0813 A, = 0.3819 0.2728 0.1637 0.0546 -0.0546 -0.1637 -0.2728 -0.3819 └0.2071 0.1124 0.0178 -0.0769 -0.1716 -0.2663 -0.3610 -0.4556-0, 2500 0, 2500 0, 2500 0, 2500 0, 2500 0, 2500 0, 2500 0, 2500 -0.0271 -0.0813 -0.1356 -0.1898 -0.2440 -0.2983 -0.3525 -0.4067 A2 = -0.3819 -0.2728 -0.1637 -0.0546 0.3819 0.0546 0.1637 0 2728 L 0.4556 0.3610 0.2663 0.1716 0.0769 -0.0178 -0.1124 -0.2071- $A_3 = [0.4743 \ 0.1581 \ -0.1581 \ -0.4743 \ -0.4743 \ -0.1581 \ 0.1581 \ 0.4743],$ $A_{a} = [0.2415 - 0.0345 - 0.3105 - 0.5866 0.5866 0.3105 0.0345 - 0.2415],$ r 0. 5000 - 0. 5000 - 0. 5000 0. 5000 A5 = 0.5000 -0.5000 -0.5000 0.5000 ۵

 $A_6 = \begin{bmatrix} 0.2236 & -0.6708 & 0.6708 & -0.2236 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

^{6 -}L 0 0 0 0.2236 -0.6708 0.6708 -0.2236 ^J

设数据信号**f** = [f₀ f₁ ···· f_{N-1}],则**f**的离散 Ⅴ 变换为

 $[F_0 \ F_1 \ \cdots \ F_{N-1}]' = V_N [f_0 \ f_1 \ \cdots \ f_{N-1}].$ 或写成 $F' = V_N f$,其反变换为 $f = V_N^T F'_0 F_i (i = 0, 1, \dots, N-1)$ 称为信号f的谱。

由此看出,声波数据经离散 V 变换,得到频域空间的一个矩阵,这个矩阵再经相应的离散逆 V 变换 就回到声波数据。

V 变换是正交变换,具有变换后系数集中的特点。大多数有用信息将以大系数的形式集中于低频, 而噪声及细节信息将以小系数形式存在于高频,因此基于 V 变换的数据降噪可以采用阈值降噪法。

5 降噪试验及其结果分析

本文中针对在随钻声波测井中产生的高斯噪 声,进行降噪试验。因为随钻声波测井仪正在研制当 中,没有实际数据产生,但是由于随钻声波测井与电 缆声波测井的测井原理相同,测井过程中测量仪器 电路形成的电子噪声表现现象类似,所以试验数据 采用川东北某气田电缆测井信号,采样点数为256。 随机选择的测点数据如图3所示,图4是图3测点数 据加了高斯噪声的结果。



图3 原始声波曲线

Fig. 3 Original acoustic curve

图5 是采用 V 系统降噪的结果,图6 是使用小波 函数(db3)的降噪效果。可以看出,使用 V 系统降噪 的效果要优于使用 db3 小波降噪效果,在初至波即 将到达的区域最为明显,且对纵波声速的检测至关 重要。 对经过降噪后数据的峰值信噪比进行计算。表 1 中给出了 30 组测点的对比数据,绝大多数情况 (28/30)使用V系统降噪效果要优于db3小波。只有 第9组和第24组,使用V系统降噪效果稍差于db3 小波。30组数据平均结果,使用V系统降噪的信号 的平均峰值信噪比为31.9275,使用db3小波降噪的 信号为31.0937,说明V系统降噪效果要优于db3小 波。



图 4 增加了高斯噪声的声波曲线 Fig. 4 Acoustic curve with Gaussian noise



Fig. 6 Denoising results by wavelet (db3)



序号	db3 小波	V系统	序号	db3 小波	V 系统	序号	db3 小波	V 系统
1	31. 526 8	32. 545 6	11	29.7664	30.7546	21	29.3906	30. 232.5
2	29.8149	30. 506 8	12	28. 991 1	30. 249 5	22	28.8022	29.7740
3	31. 3894	32. 202 2	13	30. 528 7	31.4336	23	32.4649	33.6229
4	30. 055 9	30.9506	14	29.9639	30. 963 0	24	34. 494 3	34. 306 5
5	29. 489 2	30. 139 9	15	29. 366 8	29.5709	25	36.6274	37. 118 1
6	31. 1478	32. 343 5	16	29.3807	30. 380 1	26	33. 987 5	35.3663
7	31.0558	31.9119	17	29.8125	30. 256 4	27	[·] 35. 524 6	37.1007
8	29.4035	30. 162 2	18	28. 273 1	28.4824	28	35. 861 7	37.2674
9	30. 884 5	30.4469	19	29. 191 0	30. 354 9	29	32. 252 8	33. 674 1
10	30. 859 8	31.6983	20	29.7065	30. 268 0	30	32. 797 0	34. 1298

6 结束语

针对随钻声波测井过程中的电子噪声,提出了 一种基于 V 系统的声波信号数据降噪算法。该算法 通过对声波信号进行 V 系统变换,然后将高频部分 消除,反变换得到降噪后的声波信号。试验结果证 明,该算法对于声波测井信号具有较好的降噪效果。

参考文献:

- [1] SONG Rui-xia, MA Hui, WANG Tian-jun, et al. Complete orthogonal V-system and its applications [J]. Communications on Pure and Applied Analysis, 2007,6(3): 853-871.
- [2] 梁延研,宋瑞霞,齐东旭. 完备正交 V-系统与点云数据 拟合[J]. 系统仿真学报,2006,18(8):2109-2113.
 LIANG Yan-yan, SONG Rui-xia, QI Dong-xu. Complete orthogonal function V system and points cloud fitting[J].
 Journal of System Simulation, 2006,18(8):2109-2113.
- [3] 梁延研,宋瑞霞,王小春,等.完备正交 V-系统及其在 几何信息重构中的应用[J].计算机辅助设计与图形 学学报,2007,19(7):871-875.

LIANG Yan-yan, SONG Rui-xia, WANG Xiao-chun, et al. Complete orthogonal V-system and its application in geometrical information reconstruction [J]. Journal of Computer-Aided Design & Computer Graphics, 2007, 19 (7):871-875.

(下转第69页)

- [4] 张宇,况雨春,伍开松. 基于有限元法的热采井套损机 理研究[J]. 钻采工艺, 2008,31(4):102-104. ZHANG Yu, KUANG Yu-chun, WU Kai-song. Research on casing failure mechanism of thermal production well based on finite element method [J]. Drilling & Production Technology, 2008,31(4):102-104.
- [5] JIANG Wu. Casing temperature and stress analysis in steaminjection wells[R]. SPE 103882, 2006.
- [6] GARSIDE R, PATTILLO P D, SATHUVALLII U B. Special issues in the stress analysis of casing strings in steam injection wells: mathematical development and design [R]. SPE 105930, 2007.
- [7] 邓虎. 热采井中套管偏心对井筒温度场和应力场的影响研究[J]. 石油矿场机械, 2008,37(3):6-9.
 DENG Hu. Effect caused by casing eccentricity in thermal well on wellbore temperature field and stress field [J]. Oil Field Equipment, 2008,37(3):6-9.
- [8] 宋洵成,赵洪山,管志川. 稠油热采井套管的预应力分析[J]. 石油钻采工艺,2006, 28(4):64-67. SONG Xun-cheng, ZHAO Hong-shan, GUAN Zhichuan. Prestress analysis of casing strings in heavy oil thermal production wells [J]. Oil Driling & Production Technology, 2006,28(4):64-67.

(上接第62页)

[4] 马辉,宋瑞霞,王小春. V 描述子与 B 样条曲线[J]. 计 算机辅助设计与图形学学报,2006,18(11):1717-1722.

MA Hui, SONG Rui-xia, WANG Xiao-chun. V-descriptor and B-spline [J]. Journal of Computer-Aided Design & Computer Graphics, 2006,18(11):1717-1722.

- [5] SONG Rui-xia, LIANG Yan-yan, WANG Xiao-chun, et al. Elimination of gibbs phenomenon in computational information based on the V-system [C]//HU Bin. Proceedings of the Second International Conference on Pervasive Computing and Applications. Birmingham: IEEE Press, c2007;337-341.
- [6] SONG Rui-xia, OU Mei-fang. The application of V-system in the digital image transform [C]//LIU Yun-hui. Proceedings of the IEEE International Conference on Information Acquisition. Beijing: IEEE Press, c2008:296-301.
- [7] 欧梅芳, 宋瑞霞. V 系统在图像消噪中的应用[C]// 彭群生. 全国第十五届计算机辅助设计与图形学学术

- [9] JIANG Wu, GONZALEZ M E, HOSN N. Steam injection casing design[R]. SPE 93833, 2005.
- [10] 王兆会,马兆忠. 热采井温度对套管性能的影响及预应力值计算方法[J]. 钢管,2007,36(4):24-27.
 WANG Zhao-hui, MA Zhao-zhong. Effect by thermal well temperature on casing properties and calculation method for pretension[J]. Steel Pipe, 2007,36(4):24-27.
- [11] 李子丰, 马兴瑞, 黄文虎. 热采井套管柱力学分析
 [J]. 工程力学, 1998, 15(2): 19-26.
 LI Zi-feng, MA Xing-rui, HUANG Wen-hu. Mechanical analysis of casing in thermal recovery wells[J]. Engineering Mechanics, 1998, 15(2): 19-26.
- [12] 徐秉业,王建学. 弹性力学[M].北京:清华大学出版 社,2007.
- [13] 余中红,刘大伟,王立洋. 注蒸汽井套管应力数值计 算与工业应用[J]. 力学与实践,2008,30(1):66-69.
 YU Zhong-hong, LIU Da-wei, WANG Li-yang. Numerical simulation and industrial application of the casing production stress inside steam injection wells [J]. Mechanics in Engineering, 2008,30(1):66-69.

(编辑 李志芬)

会议论文集,北京:机械工业出版社,c2008:599-602.

- [8] JENNIFER Market, CRAIG Barnett, RON Deady, et al. New processing techniques to meet challenges of LWD acoustic logging[R]. SPE 71731, 2001.
- [9] DONOHO D L. Denoised by soft threshoding [J]. IEEE Transactions on Information Theory, 1995, 41:613-627.
- [10] DONOHO D L, JOHNSTONE I M. Ideal spatial adaptation via wavelet shrinkage [J]. Biometrika, 1994,81: 425-455.
- [11] SHARK L K, YU C. Denoising by optimal fuzzy thresholding in wavelet domain [J]. IEEE Electron Lett, 2000,36(6):581-582.
- [12] LIU Z G, QIAN Q Q. Adaptive shrinkage noising method of fault transient signals with multi-wavelets [J]. Systems Engineering and Electronics, 2004, 26 (7): 878-880.
- [13] TAO G, HE F J, YUE W Zh, et al. Processing of array sonic logging data with multi-scale STC technique [J]. Petroleum Science, 2008, 5(3):238-241.

(编辑 修荣荣)